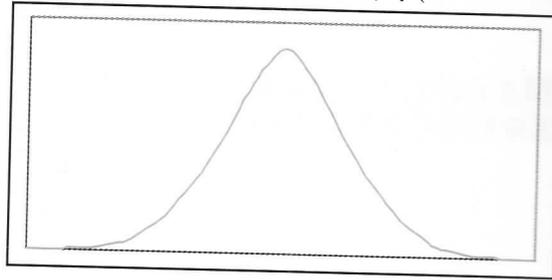


ΣΧΗΜΑ 8.1

Συμμετρική μονοκόρυφη κατανομή (κωδωνοειδής)

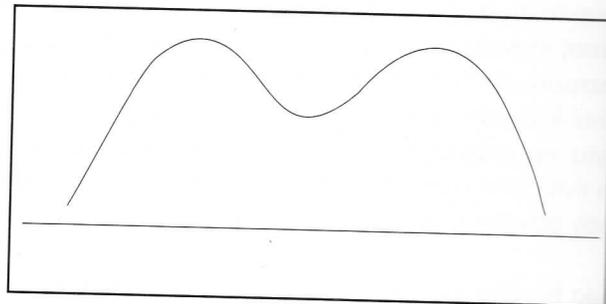


Κατά την αναφορά μας στην συμμετρία μιας κατανομής, ήταν απαραίτητο να τονίσουμε τον όρο *κωδωνοειδής*, γιατί εξασφαλίζει την μοναδικότητα της κορυφής της κατανομής. Όπως έχουμε ήδη αναφέρει, κατανομές που έχουν μία κορυφή ονομάζονται **μονοκόρυφες** και κατέχουν επικρατούσα θέση στον χώρο της θεωρίας κατανομών.

Υπάρχουν ως γνωστό και συμμετρικές κατανομές που δεν είναι κωδωνοειδείς, παράδειγμα τέτοιας κατανομής αποτελεί η κατανομή του Σχήματος 8.2. Η ύπαρξη δύο κορυφών συνηγορεί υπέρ της ύπαρξης δύο επικρατουσών τιμών. Στην περίπτωση αυτή, η κατανομή λέγεται *δικόρυφη* (Σχήματα 8.2 και 8.3).

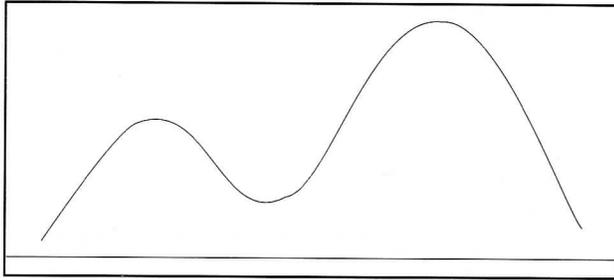
ΣΧΗΜΑ 8.2

Συμμετρική μη κωδωνοειδής (δικόρυφη)



**ΣΧΗΜΑ 8.3**

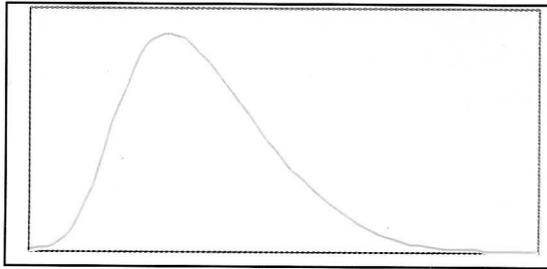
Ασύμμετρη (δικόρυφη)



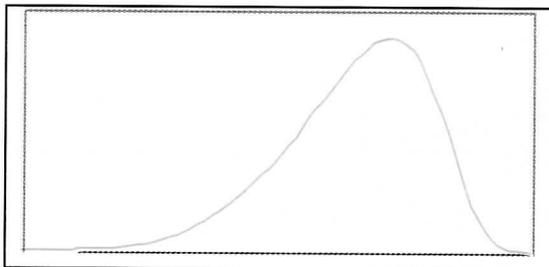
Η έλλειψη συμμετρίας χαρακτηρίζει τις κατανομές των Σχημάτων 8.4 και 8.5. Η κατανομή του Σχήματος 8.4 έχει θετική ασυμμετρία και η κατανομή του Σχήματος 8.5 αρνητική ασυμμετρία.

**ΣΧΗΜΑ 8.4**

Θετικώς ασύμμετρη κατανομή

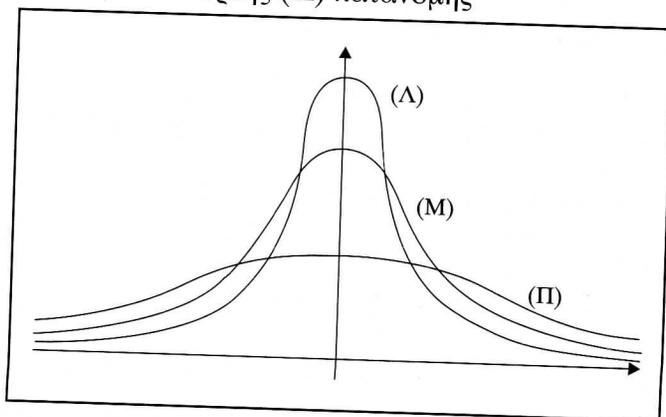
**ΣΧΗΜΑ 8.5**

Αρνητικώς ασύμμετρη κατανομή



ΣΧΗΜΑ 8.6

Τυπικές περιπτώσεις λεπτόκυρτης (Λ), μεσόκυρτης (Μ) και πλατύκυρτης (Π) κατανομής



#### Παράδειγμα

Στο παράδειγμα αυτό υπολογίζεται ο συντελεστής ασυμμετρίας  $\beta_1$  και ο συντελεστής κύρτωσης  $\beta_2$  για το δείγμα των επιταχύνσεων των 155 αυτοκινήτων του παραδείγματος 7.7.

Για τον υπολογισμό των συντελεστών ασυμμετρίας και κύρτωσης είναι απαραίτητη η κατασκευή στηλών που περιλαμβάνουν τις ποσότητες  $f_i(w_i - \bar{x})^3$  και  $f_i(w_i - \bar{x})^4$ .

ΠΙΝΑΚΑΣ 8.1

Υπολογισμός του συντελεστή ασυμμετρίας της κατανομής των χρόνων επιτάχυνσης δείγματος  $n=155$  αυτοκινήτων.

| Κλάσεις | $w_i$ | $f_i$ | $f_i(w_i - \bar{x})^3$ | $(w_i - \bar{x})^3$ | $f_i(w_i - \bar{x})^3$ |
|---------|-------|-------|------------------------|---------------------|------------------------|
| [10-11) | 10,5  | 1     | 10,5-16,2              | $(10,5-16,2)^3$     | $(10,5-16,2)^3$        |
| [11-12) | 11,5  | 3     | 11,5-16,2              | $(11,5-16,2)^3$     | $3(11,5-16,2)^3$       |
| [12-13) | 12,5  | 8     | 12,5-16,2              | $(12,5-16,2)^3$     | $8(12,5-16,2)^3$       |
| [13-14) | 13,5  | 13    | 13,5-16,2              | $(13,5-16,2)^3$     | $13(13,5-16,2)^3$      |
| [14-15) | 14,5  | 29    | 14,5-16,2              | $(14,5-16,2)^3$     | $29(14,5-16,2)^3$      |